

2008 年度 情報数理 期末試験 (その 1)

学籍番号：

氏名：

問題 1 以下の文章は「情報」に関して述べたものである。空欄に当てはまる適切な語句を選択肢から選び、ア～シの記号で答えなさい。(各 2 点)

(1) 1948 年、クロード E. シャノンによって発表された画期的な論文「A Mathematical Theory of Communication (通信に関する 1 つの数学的理論)」では、情報を確率的概念として捉え、情報を定量化するために の定義を導いた。

(2) 役立つ符号とは、「一意に復号が可能であること」と「瞬時に復号が可能であること」が必要かつ十分な条件となる。役立つ符号に対する符号の木を描くと、各符号語は に位置する。

(3) ある情報源において、情報源記号とその生起確率が与えられたとき、平均符号長が最小となる符号をその情報源に対する と呼ぶ。この符号は、Huffman の符号化法によって構成することができる。

(4) ある情報源に対して、繰り返し Huffman の符号化法を適用すると、平均符号長はある値に収束する。これをシャノンの と呼ぶ。

(5) 情報量は、平均符号長の によって定義される。情報量の単位はビットである。

選択肢：

ア. 情報量

イ. 終端節点

ウ. コンパクト符号

エ. 情報源符号化定理

オ. 下限

カ. 中間節点

キ. 上限

ク. Kraft の不等式

ケ. 冗長度

コ. 等長符号

サ. 特異な符号

シ. プレフィックス

2008 年度 情報数理 期末試験 (その 2)

学籍番号：

氏名：

問題 2 α をガロア拡大体 $\text{GF}(2^4)$ の原始多項式 $x^4 + x + 1 (= 0)$ の 1 つの根 (原始元) とするとき、次の (1)～(5) の問いに答え、 $\text{GF}(2)$ 上の 3 個の誤りが訂正可能な $[15, 5]\text{BCH}$ 符号の受信語

$$\mathbf{y} = (0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0)$$

の誤りの検出および訂正を行ない、推定情報 $\hat{\mathbf{i}}$ を求めなさい ($m = 4, t = 3$)。

(1) $[15, 5]\text{BCH}$ 符号の生成多項式 $G(x)$ を求めなさい (展開しなくてもよい)。(10 点)

2008年度 情報数理 期末試験 (その3)

学籍番号：

氏名：

(2) 3個の誤り位置を k_1, k_2, k_3 と仮定すると、シンδροーム S_i ($i = 1, 2, 3, 4, 5, 6$) は

$$S_i = (\alpha^i)^{k_1} + (\alpha^i)^{k_2} + (\alpha^i)^{k_3}$$

と表すことができる。また、誤り位置多項式 $\sigma(x)$ を

$$\sigma(x) = (x - \alpha^{k_1})(x - \alpha^{k_2})(x - \alpha^{k_3}) = x^3 + \sigma_1 x^2 + \sigma_2 x + \sigma_3$$

と定義する。このとき、変数 $\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3$ を求めるために必要な連立1次方程式を導きなさい。(10点)

2008 年度 情報数理 期末試験 (その 4)

学籍番号：

氏名：

(3) 受信語 $\mathbf{y} = (y_0, y_1, y_2, \dots, y_{14})$ の多項式表現された受信語 $Y(x)$ を

$$Y(x) = y_0 + y_1x + y_2x^2 + \dots + y_{14}x^{14}$$

で表すとき、シンδροーム $S_i = Y(\alpha^i)$ ($i = 1, 2, 3, 4, 5, 6$) を求めなさい。ヒント：シンδροーム S_i は $0, \alpha, \alpha^2, \alpha^4, \alpha^8$ のいずれかである。(5 点)

(4) (2), (3) を利用して、誤り位置多項式 $\sigma(x)$ を求めなさい。ヒント：係数 $\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3$ は $\alpha^7, \alpha^8, \alpha^{12}$ のいずれかである。(5 点)

2008年度 情報数理 期末試験 (その5)

学籍番号： _____

氏名： _____

(5) (4)を利用して誤り位置を特定し、受信語 $\mathbf{y}$ の誤りを訂正し、推定情報 $\hat{\mathbf{i}} = (i_0, i_1, i_2, i_3, i_4)$ を求めなさい。(10点)