

2017年度 プログラミングI レポート02

学生用

学籍番号 :

氏名 :

下記の注意事項を守り、次ページ以降の問い合わせに答え、レポートを完成させなさい。

提出期限 : 2017年4月24日(月) 16:30まで

提出場所 : 理学部棟 正面玄関内に設置のレポートボックス

注意事項 :

- (1) このページを印刷し、必要事項を記入の上(学籍番号欄と氏名欄は2箇所あるので忘れずに記入すること)、レポートの表紙として提出すること。
- (2) コンピュータ端末室を利用する場合は、情報システム利用ガイドラインを厳守すること。特に、コンピュータ端末室では飲食禁止である。
- (3) クラスマイトのレポートを参考にしたり、クラスマイトと協力してレポートを作成した場合は、教員控の協力者氏名欄にクラスマイトの氏名を記入すること。これらの場合も、自分の言葉で表現し直すこと。**コピー禁止**。
- (4) プログラミングIについて、あなたの声を聞かせてください(教員控の意見・質問欄に記入のこと)。気軽にどうぞ(成績には一切影響しません)。

出題者 : 幸山 直人

出題日 : 2017年4月19日(水)

2017年度 プログラミングI レポート02

教員控

学籍番号 :

氏名 :

協力者氏名 :

, ,

レポート作成に要した時間 :

. 時間

意見・質問 :

問 1 16進数 CAFE を 10進数に直しなさい。

解答例 基数が 16 であることに注意して計算すると

$$\begin{aligned} \text{CAFE}(16) &= 12 \times 16^3 + 10 \times 16^2 + 15 \times 16^1 + 14 \times 16^0 \\ &= 12 \times 4096 + 10 \times 256 + 15 \times 16 + 14 \times 1 \\ &= 49152 + 2560 + 240 + 14 \\ &= 51966 \end{aligned}$$

となる。したがって、16進数 CAFE は 10進数 51966 である。

問 2 10進数 5592405 を 2進数・8進数・16進数にそれぞれ変換しなさい。

解答例 まず、10進数 5592405 を 16進数へ変換する。

5592405 ÷ 16 =	349525	…	5	= 5(16)	↑
349525 ÷ 16 =	21845	…	5	= 5(16)	↑
21845 ÷ 16 =	1365	…	5	= 5(16)	↑
1365 ÷ 16 =	85	…	5	= 5(16)	↑
85 ÷ 16 =	5	…	5	= 5(16)	↑
5 ÷ 16 =	0	…	5	= 5(16)	↑

余り

上記の計算結果より、10進数 5592405 は 16進数 555555 である。ここで、テキストの 12 ページの表 2.4 を利用して 2進数へ変換すると (16進数 1桁は 2進数 4桁に対応する)

16進数	5		5		5		5		5
2進数	0101		0101		0101		0101		0101

となる。ゆえに、10進数 5592405 は 2進数 10101010101010101010101 である。同様に、テキストの 12 ページの表 2.4 を利用して 2進数 10101010101010101010101 を 8進数へ変換すると (2進数 3桁は 8進数 1桁に対応する)

2進数	010		101		010		101		010		101
8進数	2		5		2		5		2		5

となるから、10進数 5592405 は 8進数 25252525 である。

【注意】 10進数から 2進数に直接変換するのは大変なので、相互変換を用いると良い。

問3 2進数 0.0100001 を 10進数に直しなさい。

解答例 基数が 2であることに注意して計算すると

$$\begin{aligned}0.0100001(2) &= 0 \times 8^{-1} + 1 \times 8^{-2} + 0 \times 8^{-3} + 0 \times 8^{-4} + 0 \times 8^{-5} + 0 \times 8^{-6} + 1 \times 8^{-7} \\&= 0 \times 0.5 + 1 \times 0.25 + 0 \times 0.125 + 0 \times 0.0625 + 0 \times 0.03125 \\&\quad + 0 \times 0.015625 + 1 \times 0.0078125 \\&= 0.25 + 0.0078125 \\&= 0.2578125\end{aligned}$$

となる。したがって、2進数 0.0100001 は 10進数 0.2578125 である。

問4 500の病室をもつA病院では、病室の番号として001から順に3けたの番号を割り当てている。ただし、どのけたにも4と9の数字を使用しないことになっている。この病院の125番目の病室の番号を答えなさい。

解答例 下表のように8進数に帰着して考えればよい(4と9は使用しない)。

8進数	病院で使用される番号
0	0
1	1
2	2
3	3
4	5
5	6
6	7
7	8

10進数 125 は、以下の計算より、8進数 175 である。

$$\begin{array}{rcl} & & \text{余り} \\ 125 \div 8 & = & 15 \cdots 5 = 5(8) \uparrow \\ 15 \div 8 & = & 1 \cdots 7 = 7(8) \uparrow \\ 1 \div 8 & = & 0 \cdots 1 = 1(8) \uparrow \end{array}$$

したがって、上表より 1 → 1, 7 → 8, 5 → 6 にそれぞれ対応することから、病室の番号は 186 となる。

問5 テキストの10ページに記述されている整数部の変換の仕組みにならって、小数部の変換の仕組みについて10進数 $0.6875(10)=0.1011(2)$ を例に挙げ解説しなさい。

解答例 計算過程から得られる各掛け算の式

$$\left\{ \begin{array}{l} 0.6875 \times 2 = 1.375 = 1 + 0.375, \\ 0.375 \times 2 = 0.75 = 0 + 0.75, \\ 0.75 \times 2 = 1.5 = 1 + 0.5, \\ 0.5 \times 2 = 1.0 = 1 \end{array} \right.$$

の両辺を2で割ることで、

$$\left\{ \begin{array}{l} 0.6875 = (1 + 0.375) \times \frac{1}{2} = 1 \times \frac{1}{2} + 0.375 \times \frac{1}{2}, \\ 0.375 = (0 + 0.75) \times \frac{1}{2} = 0 \times \frac{1}{2} + 0.75 \times \frac{1}{2}, \\ 0.75 = (1 + 0.5) \times \frac{1}{2} = 1 \times \frac{1}{2} + 0.5 \times \frac{1}{2}, \\ 0.5 = (1) \times \frac{1}{2} = 1 \times \frac{1}{2} \end{array} \right.$$

を得る。第1式に第2式、第3式、第4式を順に代入すれば

$$\begin{aligned} 0.6875(10) &= 1 \times \frac{1}{2} + 0.375 \times \frac{1}{2} \\ &= 1 \times \frac{1}{2} + \left(0 \times \frac{1}{2} + 0.75 \times \frac{1}{2}\right) \times \frac{1}{2} \\ &= 1 \times \frac{1}{2} + 0 \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 + 0.75 \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 \\ &= 1 \times \frac{1}{2} + 0 \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 + \left(1 \times \frac{1}{2} + 0.5 \times \frac{1}{2}\right) \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 \\ &= 1 \times \frac{1}{2} + 0 \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 + 1 \times \left(\frac{1}{2}\right)^3 + 0.5 \times \left(\frac{1}{2}\right)^3 \\ &= 1 \times \frac{1}{2} + 0 \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 + 1 \times \left(\frac{1}{2}\right)^3 + \left(1 \times \frac{1}{2}\right) \times \left(\frac{1}{2}\right)^3 \\ &= 1 \times \frac{1}{2} + 0 \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 + 1 \times \left(\frac{1}{2}\right)^3 + 1 \times \left(\frac{1}{2}\right)^4 \\ &= 1 \times 2^{-1} + 0 \times 2^{-2} + 1 \times 2^{-3} + 1 \times 2^{-4} \\ &= 0.1011(2) \end{aligned}$$

となり、小数部が正しく基数変換されていることが導かれる。

問6 表2.5の8進数の掛け算表にならって、以下の16進数の掛け算表を完成させなさい。